# Einführung in die Methoden der Künstlichen Intelligenz und

#### Logikbasierte Systeme der Wissensverarbeitung

Sommersemester 2021

#### Aufgabenblatt Nr. 3 KILOG

Abgabe: Montag 24.5. 10:00

#### Aufgabe 1 (20 Punkte)

Wir betrachten die prädikatenlogische Formel

$$F := (\neg \exists x. \neg P(f(x))) \land \neg P(y)$$

mit der Signatur  $\Sigma = (\mathcal{F}, \mathcal{P}) = (\{f\}, \{P\})$  und der Menge  $V = \{x, y\}$  von Variablen.

- a) Geben Sie ein Modell für F an, das heißt: eine Interpretation  $I = (S, I_V)$  bestehend aus einer  $\Sigma$ -Struktur S und einer Variablenbelegung  $I_V$ , sodass I die Formel F wahr macht.

  (10 Punkte)
- b) Beweisen Sie, dass es kein Modell für F gibt, dessen Trägermenge nur ein Element enthält. (10 Punkte)

### Aufgabe 2 (20 Punkte)

Transformieren Sie die folgende prädikatenlogische Formel in Klauselnormalform unter Erhaltung der Erfüllbarkeit.

$$\Big[\forall x: \Big([\forall y: Q(x,y)] \implies P(f(x))\Big)\Big] \vee \Big[\exists z: \Big([\neg \exists y: P(y)] \wedge Q(f(z),z)\Big)\Big]$$

Verwenden Sie das in der Vorlesung vorgestellte Verfahren, das heißt: führen Sie die folgenden sieben Schritte durch:

- 1. Elimination von  $\Leftrightarrow$  und  $\Rightarrow$ .
- 2. Negationen nach innen schieben.
- 3. Skopus von Quantoren minimieren.
- 4. Gebundene Variablen umbenennen.
- 5. Elimination der Existenzquantoren mittels Skolemisierung.
- 6. Allquantoren löschen.
- 7.  $\wedge$  nach außen schieben.

Geben Sie sämtliche Zwischenresultate an.

## Aufgabe 3 (10 Punkte)

Geben Sie die folgenden Aussagen als prädikatenlogische Formel an:

- Jeder mag sich selbst.
- $\bullet\,$  Jeder unterstützt sich selbst.
- Jeder der jemanden mag, der den Präsidenten unterstützt, unterstützt selbst den Präsidenten nicht.